

Les réponses doivent être détaillées et simplifiées au maximum. Veiller à utiliser des fractions irréductibles plutôt que des nombres à virgule.

**Exercice 1**

Dériver les fonctions suivantes.

1.  $f(x) = 3x\sqrt{4x^2 - 1}$

2.  $g(x) = \frac{x^3 - 2x + 1}{5x^2 + 4}$

3.  $h(x) = \sqrt[3]{x^5}$

4.  $i(x) = \frac{1}{7}x^3 + (2x^5 - 7x)^3 - 3$

**Exercice 2**

Soit la fonction  $f: x \mapsto \frac{x+7}{x^2+7}$ .

1. Donner les équations des asymptotes de  $f$ .
2. Déterminer  $f'(x)$ .
3. Déterminer par calculs une équation de la droite tangente au graphe de  $f$  en son point d'abscisse -1.

**Exercice 3**

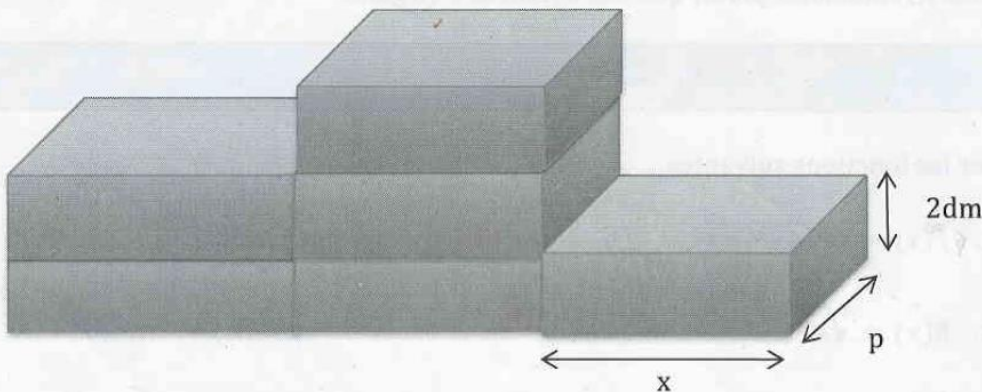
On considère la fonction :

$$f(x) = \frac{ax + b}{2 - 3x}$$

et la tangente  $t$  à son graphique au point d'abscisse  $x = 1$ .

Sachant que la représentation graphique de  $f$  passe par  $A(-1; -1)$  et que  $t$  a pour pente  $m = -5$ , déterminer  $a$  et  $b$ .

#### Exercice 4



La crise économique mondiale et la pénurie de matières premières ont amené le CIO à décider que, dès les JO de Tripoli en 2036, les podiums devront avoir la forme standardisée ci-dessus, soit 6 caissons identiques de hauteur 2 dm, largeur  $x$  et profondeur  $p$ .

Il est prévu une contrainte : le volume de chaque caisson vaudra  $64 \text{ dm}^3$ .

- 1) Exprimer l'aire totale  $A$  d'un caisson en fonction de  $x$  et de  $p$ .
- 2) En se servant de la contrainte, montrer que :

$$A(x) = 4x + 64 + \frac{128}{x}$$

- 3) On souhaite minimiser l'aire totale. Trouver (en dm) les valeurs de  $x$  et de  $p$  afin de réaliser cet objectif.

#### Bonus

On considère la fonction  $f(x) = ax^2 + bx + 2$  dont le graphe possède une tangente horizontale en  $x = -1$  et dont la dérivée en  $x = 0$  vaut 2. Déterminer  $a$  et  $b$ .