

LJP: TE 14 Etude de Fonction - Solutions

Mathématiques 3M

Travail écrit #1

28 septembre 2017 – Durée : 45 minutes



Solutions...

26

Exercice 1

13

- On constate que $f(1) < 0$ et que $f(2) > 0$; la fonction étant continue, elle vaut nécessairement 0 dans cet intervalle. L'argument est le même pour l'intervalle $[8 ; 9]$.
- Notons en préambule que sa dérivée est :

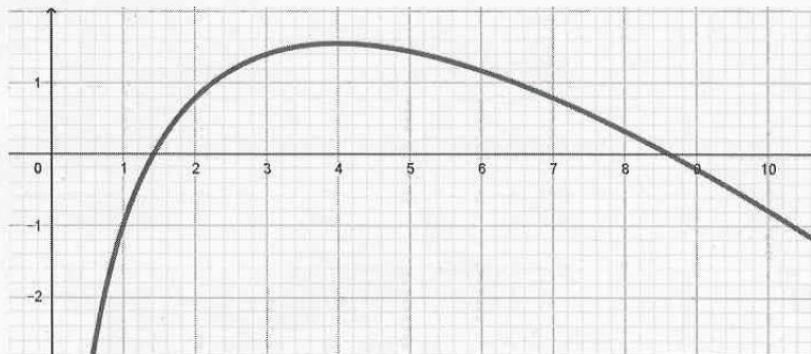
$$f'(x) = \frac{4}{x} - 1$$

ce qui conduit au tableau de croissance suivant :

x		0		4	
signe f'		!	+	0	-
croissance f	non-définie	AV	\nearrow	MAX (4 ; 1,5)	\searrow

2
+
2
+
5
+
2
+
2

et au graphe suivant :



quant à l'ensemble des images, c'est clairement $]-\infty ; f(4)]$

Exercice 2

10

$$\begin{aligned} D_f &= \mathbb{R} \setminus \{-0,5\} \text{ car on veut } 2x + 1 \neq 0 \\ f'(x) &= \frac{(e^x - 5)(2x + 1) - (e^x - 5x)(2)}{(2x + 1)^2} \\ &= \frac{2xe^x - 10x + e^x - 5 - 2e^x + 10x}{(2x + 1)^2} \\ &= \frac{2xe^x - e^x - 5}{(2x + 1)^2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} D_g &=]-4 ; 4[\text{ car on veut } 16 - x^2 > 0 \\ g'(x) &= \frac{-2x}{16 - x^2} \end{aligned}$$

1+4
2+3

Exercice 3

3

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-1}{x^2} \cdot e^x = -\infty \text{ car l'exponentielle l'emporte (mais } \frac{-1}{x^2} \text{ est malgré tout négatif)}$$

1

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{2x^2 - 5x - 1}{x^2 + x - 12} = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{4x - 5}{2x - 5} = 7 \text{ par la règle de L'Hospital}$$

2